# министерство просвещения российской федерации

# Министерство образования и науки Тамбовской области Администрация Знаменского муниципального округа

МБОУ «Знаменская средняя общеобразовательная школа»

PACCMOTPEHO
IIIMO учителей
Протокол №1от 30.08.2023
г. заместитель директора по
УВР М.А. Шебунова

U.В. Заобина

Приказ №486

от «1» септября 2023 г.

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебного курса «Математический практикум»

для обучающихся 7-8 классов

#### 1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА.

# Рабочая программа разработана на основе

- Требований федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования второго поколения;
- Основной образовательной программы основного общего образования МБОУ «Знаменская СОШ» ;
- требований действующего СанПиНа 2.4.2.2821-10 для школ
- учебного плана МБОУ «Знаменская СОШ» на текущий учебный год;
- годового учебного календарного графика на текущий учебный год;
- действующего Приказа Минпросвещения Российской Федерации №345 от 28.12.2018 «Об утверждении федерального перечня учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ начального общего, основного общего, среднего общего образования»;
- примерной программы по предметам. Математика. 5-9 классы.М.:Просвещение, 2014
- УМК по предмету «Математика»:
- 1. Алгебра. 7 класс: учебник для образовательных учреждений. Макарычев Ю.Н., Миндюк Н.Г., Нешков К.И., Суворова С.Б. М:Просвещение:2021
- 2. Алгебра. 8 класс: учебник для образовательных учреждений. Макарычев Ю.Н., Миндюк Н.Г., Нешков К.И., Суворова С.Б. М:Просвещение:2021
- 3. Алгебра. 9 класс: учебник для образовательных учреждений. Макарычев Ю.Н., Миндюк Н.Г., Нешков К.И., Суворова С.Б. М:Просвещение:2021
- 4. Геометрия. 7-9 классы: учебник для образовательных учреждений. Атанасян Л.С., Бутусов В.Ф., Каломцев С.Б. и др. М:Просвещение:2021

Данная программа является рабочей программой по предмету «Математический практикум» для 7-8 классов базового уровня. Виды учебной деятельности: беседа, лекции, фронтальный опрос, индивидуальный подход, парная работа, работа с тестами, карточки, практикумы по решению задач.

#### Цели обучения

Сознательное овладение учащимися системой алгебраических и геометрических знаний и умений необходимо в повседневной жизни для изучения смежных дисциплин и продолжения образования.

Практическая значимость предмета «Математический практикум» обусловлена тем, что её объектом являются количественные отношения действительного мира. Математическая подготовка необходима для понимания принципов устройства и использования современной техники, восприятия научных и технических понятий и идей. Математика является языком науки и техники. С её помощью моделируются и изучаются явления и процессы, происходящие в природе.

Математика является одним из опорных предметов основной школы: она обеспечивает изучение других дисциплин. В первую очередь это относится к предметам естественно-научного цикла, в частности к физике. Развитие логического мышления учащихся при

обучении математики способствует усвоению предметов гуманитарного цикла. Практические умения и навыки алгебраического и геометрического характера необходимы для трудовой и профессиональной подготовки школьников.

Развитие у учащихся правильных представлений о сущности и происхождении алгебраических абстракций, соотношении реального и идеального, характере отражения математической наукой явлений и процессов реального мира, месте алгебры и геометрии в системе наук и роли математического моделирования в научном познании и в практике способствует формированию научного мировоззрения учащихся и качеств мышления, необходимых для адаптации в современном информационном обществе.

Требуя от учащихся умственных и волевых усилий, концентрации внимания, активности развитого воображения, предмет «Математический практикум» развивает нравственные черты личности (настойчивость, целеустремлённость, творческую активность, самостоятельность, ответственность, трудолюбие, дисциплину и критичность мышления) и умение аргументированно отстаивать свои взгляды и убеждения, а также способность принимать самостоятельные решения.

Изучение данного предмета существенно расширяет кругозор учащихся, знакомя их с индукцией и дедукцией, обобщением и конкретизацией, анализом и синтезом, классификацией и систематизацией, абстрагированием, аналогией. Активное использование задач на всех этапах учебного процесса развивает творческие способности школьников.

Изучение предмета «Математический практикум» позволяет формировать умения и навыки умственного труда — планирование своей работы, поиск рациональных путей её выполнения, критическую оценку результатов. В процессе изучения школьники должны научиться излагать свои мысли ясно и исчерпывающе, лаконично и ёмко, приобрести навыки чёткого, аккуратного и грамотного выполнения математических записей.

Важнейшей задачей является развитие логического мышления учащихся. Сами объекты математических умозаключений и принятые в алгебре и геометрии правила их конструирования способствуют формированию умений обосновывать и доказывать суждения, приводить чёткие определения, развивают логическую интуицию, кратко и наглядно раскрывают механизм логических построений и учат их применению.

Тем самым предмет «Математический практикум», раскрывая внутреннюю гармонию математики, формируя понимание красоты и изящества математических рассуждений, вносит значительный вклад в эстетическое воспитание учащихся.

В основу настоящей программы положены педагогические и дидактические принципы вариативного развивающего образования и современные дидактико-психологические тенденции, связанные с вариативным развивающим образованием и требованиями ФГОС.

- **А.** Личностно ориентированные принципы: принцип адаптивности; принцип развития; принцип комфортности процесса обучения.
- **Б. Культурно ориентированные принципы:** принцип целостной картины мира; принцип целостности содержания образования; принцип систематичности; принцип смыслового отношения к миру; принцип ориентировочной функции знаний; принцип опоры на культуру как мировоззрение и как культурный стереотип.
- **В.** Деятельностно ориентированные принципы: принцип обучения деятельности; принцип управляемого перехода от деятельности в учебной ситуации к деятельности в жизненной ситуации; принцип перехода от совместной учебно-познавательной деятельности к самостоятельной деятельности учащегося (зона ближайшего развития); принцип опоры на процессы спонтанного развития; принцип формирования потребности в творчестве и умений творчества.

Обучение математике в основной школе направлено на достижение следующих целей:

1. в направлении личностного развития:

- формирование представлений о математике как части общечеловеческой культуры, о значимости математики в развитии цивилизации и современного общества;
- развитие логического и критического мышления, культуры речи, способности к умственному эксперименту;
- формирование интеллектуальной честности и объективности, способности к преодолению мыслительных стереотипов, вытекающих из обыденного опыта;
- воспитание качеств личности, обеспечивающих социальную мобильность, способность принимать самостоятельные решения;
- формирование качеств мышления, необходимых для адаптации в современном информационном обществе;
- развитие интереса к математическому творчеству и математических способностей.
- 2. в метапредметном направлении:
- развитие представлений о математике как форме описания и методе познания действительности, создание условий для приобретения первоначального опыта математического моделирования;
- формирование общих способов интеллектуальной деятельности, характерных для математики и являющихся основой познавательной культуры, значимой для различных сфер человеческой деятельности;
- 3. в предметном направлении:
- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми для продолжения образования, изучения смежных дисциплин, применения в повседневной жизни;
- создание фундамента для математического развития, формирования механизмов мышления, характерных для математической деятельности.

В основе данной рабочей программы лежит идея гуманизации обучения, соответствующая современным представлениям о целях школьного образования, и уделяющая особое внимание личности ученика, его интересам и способностям.

Предлагаемая учебная программа позволяет обеспечить формирование, как *предметных* умений, так и *универсальных учебных действий* школьников, а также способствует достижению определённых во ФГОС личностных результатов, которые в дальнейшем позволят учащимся применять полученные знания и умения для решения различных жизненных задач.

#### 2. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА И ЦЕННОСТНЫЕ ОРИЕНТИРЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА.

В основе содержания обучения математике лежит овладение учащимися следующими видами компетенций: **предметной**, **коммуникативной**, **организационной** и **общекультурной**. В соответствии с этими видами компетенций выделены главные содержательно-целевые направления развития учащихся средствами предмета «Математический практикум» 7-9 класс.

**Предметная компетенция.** Под предметной компетенцией понимается осведомлённость школьников о системе основных математических представлений и овладение необходимыми предметными умениями. Формируются следующие образующие эту компетенцию представления: о математическом языке как средстве выражения математических законов, закономерностей и т.д.; о математическом моделировании как одном из важных методов познания мира. Формируются следующие образующие эту компетенцию умения: создавать простейшие математические модели, работать с ними и интерпретировать полученные результаты; приобретать и систематизировать знания о способах решения математических задач, а также применять эти знания и умения для решения многих

жизненных задач.

**Коммуникативная компетенция.** Под коммуникативной компетенцией понимается сформированность умения ясно и чётко излагать свои мысли, строить аргументированные рассуждения, вести диалог, воспринимая точку зрения собеседника и в то же время подвергая её критическому анализу, отстаивать (при необходимости) свою точку зрения, выстраивая систему аргументации. Формируются образующие эту компетенцию умения, а также умения извлекать информацию из разного рода источников, преобразовывая её при необходимости в другие формы (тексты, таблицы, схемы и т.д.).

**Организационная компетенция.** Под организационной компетенцией понимается сформированность умения самостоятельно находить и присваивать необходимые учащимся новые знания. Формируются следующие образующие эту компетенцию умения: самостоятельно ставить учебную задачу (цель), разбивать её на составные части, на которых будет основываться процесс её решения, анализировать результат действия, выявлять допущенные ошибки и неточности, исправлять их и представлять полученный результат в форме, легко доступной для восприятия других людей.

**Общекультурная компетенция.** Под общекультурной компетенцией понимается осведомленность школьников о математике как элементе общечеловеческой культуры, её месте в системе других наук, а также её роли в развитии представлений человечества о целостной картине мира. Формируются следующие образующие эту компетенцию представления: об уровне развития математики на разных исторических этапах; о высокой практической значимости математики с точки зрения создания и развития материальной культуры человечества, а также о важной роли математики с точки зрения формировании таких важнейших черт личности, как независимость и критичность мышления, воля и настойчивость в достижении цели и др.

Изучение предмета «Математический практикум» для 7-9 классов направлено на формирование у учащихся математического аппарата для решения задач из разных разделов математики, смежных предметов, окружающей реальности. Математическое образование в основной школе складывается из следующих содержательных компонентов (точные названия блоков): арифметика; алгебра; геометрия; элементы комбинаторики, теории вероятностей, статистики и логики. В своей совокупности они отражают богатый опыт обучения математике в нашей стране, учитывают современные тенденции отечественной и зарубежной школы и позволяют реализовать поставленные перед школьным образованием цели на информационно емком и практически значимом материале. Эти содержательные компоненты, развиваясь на протяжении всех лет обучения, естественным образом переплетаются и взаимодействуют в учебных курсах.

*Арифметика* призвана способствовать приобретению практических навыков, необходимых для повседневной жизни. Она служит базой.

**Геометрия** — один из важнейших компонентов математического образования, необходимый для приобретения конкретных знаний о пространстве и практически значимых умений, формирования языка описания объектов окружающего мира, для развития пространственного воображения и интуиции, математической культуры, для эстетического воспитания обучающихся. Изучение геометрии вносит вклад в развитие логического мышления, в формирование понятия доказательства.

Элементы логики, комбинаторики, статистики и теории вероятностей становятся обязательным компонентом школьного образования, усиливающим его прикладное и практическое значение. Этот материал необходим, прежде всего, для формирования функциональной грамотности — умений воспринимать и анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты. Изучение основ комбинаторики

позволит учащемуся осуществлять рассмотрение случаев, перебор и подсчёт числа вариантов, в том числе в простейших прикладных задачах.

При изучении статистики и теории вероятностей обогащаются представления о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

Таким образом, в ходе освоения содержания предмета «Математический практикум» для 7-8 классов учащиеся получают возможность:

развить представление о числе и роли вычислений в человеческой практике; сформировать практические навыки выполнения устных, письменных, инструментальных вычислений, развить вычислительную культуру;

овладеть символическим языком алгебры, выработать формально-оперативные алгебраические умения и научиться применять их к решению математических и нематематических задач;

изучить свойства и графики элементарных функций, научиться использовать функционально-графические представления для описания и анализа реальных зависимостей;

развить пространственные представления и изобразительные умения, освоить основные факты и методы планиметрии, познакомиться с простейшими пространственными телами и их свойствами;

получить представления о статистических закономерностях в реальном мире и о различных способах их изучения, об особенностях выводов и прогнозов, носящих вероятностный характер;

развить логическое мышление и речь — умения логически обосновывать суждения, проводить несложные систематизации, приводить примеры и контрпримеры, использовать различные языки математики (словесный, символический, графический) для иллюстрации, интерпретации, аргументации и доказательства;

сформировать представления об изучаемых понятиях и методах как важнейших средствах математического моделирования реальных процессов и явлений.

#### 3.МЕСТО УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

На данный предмет отводится в 7-8 классах по 1 часу (из школьного компонента), 7 класс- 34 часа в год, 8 класс – 34 часа в год.

### Отличительные особенности рабочей программы.

## 7 класс

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во
		часов
1	Повторение. Рациональные числа и действия над ними.	1
2	Повторение. Пропорции. Решение задач на проценты.	1
3	Тождества.	1
4	Формулы.	1
5	Уравнения с одной переменной.	1

6	Решение задач с помощью уравнений.	1			
7	Решение задач по главе «Начальные геометрические сведения»	1			
8	Статические характеристики.				
9	Первый признак равенства треугольников.	1			
10	Функции и их графики.	1			
11	График линейной функции и его свойства.	1			
12	Задание функции несколькими формулами.	1			
13	Степень с натуральным показателем и его свойства.	1			
14	Решение задач по главе «Признаки равенства треугольников»	1			
15	Умножение одночленов.	1			
16	О простых и составных числах.	1			
17	Умножение одночлена на многочлен.	1			
18	Вынесение общего множителя за скобки.	1			
19	Решение задач по главе «Параллельные прямые»	1			
20	Деление с остатком.	1			
21	Разложение многочлена на множители методом группировки.				
22	Формулы сокращенного умножения. Квадрат суммы и квадрат разности.				
23	Формулы сокращенного умножения. Квадрат суммы и квадрат разности.				
24	Формулы сокращенного умножения. Разность квадратов. Сумма и разность кубов.	1			
25	Возведение двучлена в степень.	1			
26	Преобразование целых выражений.	1			
27	Прямоугольные треугольники.	1			
28	Линейные уравнения с двумя переменными.	1			
29	Решение задач по главе «Соотношение между сторонами и углами треугольника»	1			
30	Решение систем линейных уравнений. Метод подстановки.	1			
31	Решение систем линейных уравнений. Способ сложения.	1			
32	Решение задач с помощью систем уравнений.	1			
33	Линейные неравенства с двумя переменными и их системы.	1			
34	Задачи повышенной трудности.	11			
	Итого	34			

# 8 класс

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во			
		часов			
1	Повторение. Формулы сокращенного умножения.	1			
2	Повторение. Системы линейных уравнений.	1			
3	Сумма и разность рациональных дробей.	1			
4	Сумма и разность рациональных дробей с разными знаменателями.	1			
5	Произведение и частное рациональных дробей.	1			
6	Преобразование рациональных выражений.	1			
7	Решение задач по главе «Четырехугольники»	1			
8	Представление дроби в виде суммы дробей.	1			
9	Действительные числа.	1			
10	Арифметический квадратный корень.	1			
11	Свойства арифметического квадратного корня.	1			
12	Теорема Пифагора.	1			
13	Применение свойств арифметического квадратного корня.	1			
14	Решение задач по главе «Площадь»	1			
15	Преобразование двойных радикалов.				
16	Квадратное уравнение и его корни.				
17	Теорема Виета.				
18	Признаки подобия треугольников.				
19	Дробные рациональные уравнения.				
20	Решение задач с помощью дробных рациональных уравнений.				
21	Решение задач с помощью дробных рациональных уравнений.	1			
22	Уравнения с параметром.	1			
23	Решение по главе «Подобные треугольники»	1			
24	Числовые неравенства и их свойства.	1			
25	Числовые промежутки.	1			
26	Решение неравенств с одной переменной.	1			
27	Решение систем неравенств с одной переменной.	1			
28	Доказательство неравенств.	1			
29	Степень с целым показателем и ее свойства.	1			
30	Степень с целым показателем и ее свойства.	1			
31	Элементы статистики.	1			
32	Решение задач по главе «Окружность»	1			

33	Функция $y=x^{-1}$ и $y=x^{-2}$ и их свойства.	1
34	Задачи повышенной трудности.	1
	Итого	34

# 4. СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА «МАТЕМАТИЧЕСКИЙ ПРАКТИКУМ» ДЛЯ 7-8 КЛАССОВ.

#### МАТЕМАТИКА. АЛГЕБРА. ГЕОМЕТРИЯ.

**Натуральные числа.** Натуральный ряд. Десятичная система счисления. Арифметические действия с натуральными числами. Свойства арифметических действий.

Степень с натуральным показателем.

Числовые выражения, значение числового выражения. Порядок действий в числовых выражениях, использование скобок. Решение текстовых задач арифметическими способами.

Делители и кратные. Свойства и признаки делимости. Простые и составные числа. Разложение натурального числа на простые множители. Деление с остатком.

**Дроби.** Обыкновенные дроби. Основное свойство дроби. Сравнение обыкновенных дробей. Арифметические действия с обыкновенными дробями. Нахождение части от целого и целого по его части.

Десятичные дроби. Сравнение десятичных дробей. Арифметические действия с десятичными дробями. Представление десятичной дроби в виде обыкновенной дроби и обыкновенной в виде десятичной.

Проценты; нахождение процентов от величины и величины по её процентам. Отношение; выражение отношения в процентах. Пропорция; основное свойство пропорции.

Решение текстовых задач арифметическими способами.

**Рациональные числа.** Положительные и отрицательные числа, модуль числа. Множество целых чисел. Множество рациональных чисел; рациональное число как отношение m/n, где m — целое число, а n — натуральное. Сравнение рациональных чисел. Арифметические действия с рациональными числами. Свойства арифметических действий. Степень с целым показателем.

Действительные числа. Квадратный корень из числа. Корень третьей степени.

Понятие об иррациональном числе. Иррациональность числа и несоизмеримость стороны и диагонали квадрата. Десятичные приближения иррациональных чисел. 2

Множество действительных чисел; представление действительных чисел бесконечными десятичными дробями. Сравнение действительных чисел.

Координатная прямая. Изображение чисел точками координатной прямой. Числовые промежутки.

**Измерения, приближения, оценки.** Размеры объектов окружающего мира (от элементарных частиц до Вселенной), длительность процессов в окружающем мире. Выделение множителя — степени десяти в записи числа.

Приближённое значение величины, точность приближения. Округление натуральных чисел и десятичных дробей. Прикидка и оценка результатов вычислений.

**Алгебраические выражения.** Буквенные выражения (выражения с переменными). Числовое значение буквенного выражения. Допустимые значения переменных. Подстановка выражений вместо переменных. Преобразование буквенных выражений на основе свойств арифметических действий. Равенство буквенных выражений. Тождество.

Степень с натуральным показателем и её свойства. Одночлены и многочлены. Степень многочлена. Сложение, вычитание, умножение многочленов. Формулы сокращённого умножения: квадрат суммы и квадрат разности. Формула разности квадратов. Преобразование целого выражения в многочлен. Разложение многочленов на множители. Многочлены с одной переменной. Корень многочлена. Квадратный трёхчлен; разложение квадратного трёхчлена на множители.

Алгебраическая дробь. Основное свойство алгебраической дроби. Сложение, вычитание, умножение, деление алгебраических дробей. Степень с целым показателем и её свойства.

Рациональные выражения и их преобразования. Доказательство тождеств.

Квадратные корни. Свойства арифметических квадратных корней и их применение к преобразованию числовых выражений и вычислениям.

Уравнения. Уравнение с одной переменной. Корень уравнения. Свойства числовых равенств. Равносильность уравнений.

Линейное уравнение. Квадратное уравнение: формула корней квадратного уравнения. Теорема Виета. Решение уравнений, сводящихся к линейным и квадратным. Примеры решения уравнений третьей и четвёртой степеней. Решение дробно-рациональных уравнений.

Уравнение с двумя переменными. Линейное уравнение с двумя переменными, примеры решения уравнений в целых числах.

Система уравнений с двумя переменными. Равносильность систем. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными; решение подстановкой и сложением. Примеры решения систем нелинейных уравнений с двумя переменными.

Решение текстовых задач алгебраическим способом.

Декартовы координаты на плоскости. Графическая интерпретация уравнения с двумя переменными. График линейного уравнения с двумя переменными; угловой коэффициент прямой; условие параллельности прямых. Графики простейших нелинейных уравнений: парабола, гипербола, окружность. Графическая интерпретация систем уравнений с двумя переменными.

Неравенства. Числовые неравенства и их свойства.

Неравенство с одной переменной. Равносильность неравенств. Линейные неравенства с одной переменной. Квадратные неравенства. Системы неравенств с одной переменной.

Функции. Примеры зависимостей; прямая пропорциональность, обратная пропорциональность. Задание зависимостей формулами; вычисления по формулам. Зависимости между величинами. Примеры графиков зависимостей, отражающих реальные процессы.

**Числовые функции.** Понятие функции, область применения и область значения функции. Способы задания функции. График функции. Свойства функции, их отражение на графике. Функции, описывающие прямую и обратную пропорциональные зависимости, их графики и свойства. Линейная функция, её график и свойства. Квадратичная функция, её график и свойства. Степенные функции с натуральными показателями 2 и 3, их графики и свойства. Графики функций  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = \sqrt[3]{x}$ , y = |x|

**Описательная статистика.** Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Случайная изменчивость. Статистические характеристики набора данных: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах. Представление о выборочном исследовании.

**Наглядная геометрия.** Наглядные представления о фигурах на плоскости: прямая, отрезок, луч, угол, ломаная, многоугольник, окружность, круг. Четырёхугольник, прямоугольник, квадрат. Треугольник, виды треугольников. Правильные многоугольники. Взаимное расположение двух прямых, двух окружностей, прямой и окружности. Изображение геометрических фигур и их конфигураций.

Длина отрезка, ломаной. Периметр многоугольника. Единицы измерения длины. Измерение длины отрезка, построение отрезка заданной длины.

Виды углов. Градусная мера угла. Измерение и построение углов с помощью транспортира. Биссектриса угла.

Понятие площади фигуры; единицы измерения площади. Площадь прямоугольника, квадрата. Приближённое измерение площади фигур на клетчатой бумаге. Равновеликие фигуры. Разрезание и составление геометрических фигур.

Наглядные представления о пространственных фигурах: куб, параллелепипед, призма, пирамида, шар, сфера, конус, цилиндр. Изображение пространственных фигур. Примеры сечений. Многогранники. Правильные многогранники. Примеры развёрток многогранников, цилиндра и конуса. Изготовление моделей пространственных фигур.

Понятие объёма; единицы объёма. Объём прямоугольного параллелепипеда, куба.

Понятие о равенстве фигур. Центральная, осевая и зеркальная симметрии. Изображение симметричных фигур.

**Геометрические фигуры.** Прямые и углы. Точка, прямая, плоскость. Отрезок, луч. Угол. Виды углов. Вертикальные и смежные углы. Биссектриса угла.

Параллельные и пересекающиеся прямые. Перпендикулярные прямые. Теоремы о параллельности и перпендикулярности прямых. Перпендикуляр и наклонная к прямой. Серединный перпендикуляр к отрезку.

Геометрическое место точек. Свойства биссектрисы угла и серединного перпендикуляра к отрезку.

Треугольник. Высота, медиана, биссектриса, средняя линия треугольника. Равнобедренные и равносторонние треугольники; свойства и признаки равнобедренного треугольника. Признаки равенства треугольников. Неравенство треугольника. Соотношения между сторонами и углами треугольника. Сумма углов треугольника. Внешние углы треугольника. Теорема Фалеса. Подобие треугольников. Признаки подобия треугольников. Теорема Пифагора. Синус, косинус, тангенс, котангенс острого угла прямоугольного треугольника и углов от 0 до 180°, приведение к острому углу. Решение прямоугольных треугольников. Основное тригонометрическое тождество. Формулы, связывающие синус, косинус, тангенс, котангенс одного и того же угла. Замечательные точки треугольника.

Четырёхугольник. Параллелограмм, его свойства и признаки. Прямоугольник, квадрат, ромб, их свойства и признаки. Трапеция, средняя линия трапеции.

Многоугольник. Выпуклые многоугольники. Сумма углов выпуклого многоугольника. Правильные многоугольники.

Окружность и круг. Дуга, хорда. Сектор, сегмент. Центральный угол, вписанный угол; величина вписанного угла. Взаимное расположение прямой и окружности, двух окружностей. Касательная и секущая к окружности, их свойства. Вписанные и описанные многоугольники. Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника. Решение задач на вычисление, доказательство и построение с использованием свойств изученных фигур.

Измерение геометрических величин. Длина отрезка. Расстояние от точки до прямой. Расстояние между параллельными прямыми.

Периметр многоугольника.

Длина окружности, число  $\pi$ , длина дуги окружности.

Градусная мера угла, соответствие между величиной центрального угла и длиной дуги окружности.

Понятие площади плоских фигур. Равносоставленные и равновеликие фигуры. Площадь прямоугольника. Площади параллелограмма, треугольника и трапеции. Площадь многоугольника. Площадь круга и площадь сектора. Соотношение между площадями подобных фигур.

Решение задач на вычисление и доказательство с использованием изученных формул.

**Теоретико-множественные понятия.** Множество, элемент множества. Задание множеств перечислением элементов, характеристическим свойством. Стандартные обозначения числовых множеств. Пустое множество и его обозначение. Подмножество. Объединение и пересечение множеств.

Иллюстрация отношений между множествами с помощью диаграмм Эйлера — Венна. **Элементы логики.** Определение. Аксиомы и теоремы. Доказательство. Доказательство от противного. Теорема, обратная данной. Пример и контрпример.

Понятие о равносильности, следовании, употребление логических связок *если... то, в том и только в том случае*, логические связки *и, или*.

**Математика в историческом развитии.** История формирования понятия числа: натуральные числа, дроби, недостаточность рациональных чисел для геометрических измерений, иррациональные числа. Старинные системы записи чисел. Дроби в Вавилоне, Египте, Риме. Открытие десятичных дробей. Старинные системы мер. Десятичные дроби и метрическая система мер. Появление отрицательных чисел и нуля. Л. Магницкий. Л. Эйлер.

Зарождение алгебры в недрах арифметики. Ал-Хорезми. Рождение буквенной символики. П. Ферма. Ф. Виет. Р. Декарт. История вопроса о нахождении формул корней алгебраических уравнений, неразрешимость в радикалах уравнений степени, большей четырёх. Н. Тарталья, Дж. Кардано, Н. Х. Абель, Э. Галуа.

Изобретение метода координат, позволяющего переводить геометрические объекты на язык алгебры. Р. Декарт и П. Ферма. Примеры различных систем координат на плоскости.

Задача Леонардо Пизанского (Фибоначчи) о кроликах, числа Фибоначчи. Задача о шахматной доске.

Истоки теории вероятностей: страховое дело, азартные игры. П. Ферма и Б. Паскаль. Я. Бернулли. А. Н. Колмогоров.

От землемерия к геометрии. Пифагор и его школа. Фалес. Архимед. Построения с помощью циркуля и линейки. Построение правильных многоугольников. Трисекция угла. Квадратура круга. Удвоение куба. История числа  $\pi$ . Золотое сечение. «Начала» Евклида. Л. Эйлер. Н. И. Лобачевский. История пятого постулата. Софизм, парадоксы.

# Тематическое планирование с указанием количества часов, отводимых на освоение каждой темы. Тематическое планирование по предмету «Математический практикум» (7 класс).

№	Содержание учебного материала	Кол-во	Характеристика основных видов деятельности ученика (на
п/п		часов	уровне учебных действий)
1	Повторение. Рациональные числа и действия над	1	Приводить примеры использования положительных и
	ними.		отрицательных чисел. Формулировать определение координатной
			прямой. Строить на координатной прямой точку с заданной
			координатой, определять координату точки. Характеризовать
			множество целых чисел. Объяснять понятие множества
			рациональных чисел. Формулировать определение модуля числа.

2	Повторение. Пропорции. Решение задач на проценты.	1	Находить модуль числа. Сравнивать рациональные числа. Выполнять арифметические действия над рациональными числами. Записывать свойства арифметических действий над рациональными числами в виде формул.  Формулировать определения понятий: отношение, пропорция, процентное отношение двух чисел, прямо пропорциональные и обратно пропорциональные величины. Применять основное
			свойство отношения и основное свойство пропорции. Приводить примеры и описывать свойства величин, находящихся в прямой и обратной пропорциональных зависимостях. Находить процентное отношение двух чисел. Делить число на пропорциональные части.
3	Тождества.	1	Находить значения числовых выражений, а также выражений с
4	Формулы.	1	переменными при указанных значениях переменных.
5	Уравнения с одной переменной.	1	Использовать знаки $>$ , $<$ , $\ge$ , $\le$ , читать и составлять двойные
6	Решение задач с помощью уравнений.	1	неравенства. Выполнять простейшие преобразования выражений: приводить подобные слагаемые, раскрывать скобки в сумме или разности выражений. Решать уравнения вида ах = b при различных значениях а и b, а также несложные уравнения, сводящиеся к ним. Использовать аппарат уравнений для решения текстовых задач,
7	Решение задач по главе «Начальные геометрические сведения»	1	интерпретировать результат. формулировать и обосновывать утверждение о свойстве двух прямых, перпендикулярных к третьей; изображать и распознавать указанные простейшие фигуры на чертежах; решать задачи, связанные с этими простейшими фигурами
8	Статические характеристики.	1	Использовать простейшие статистические характеристики (среднее арифметическое, размах, мода, медиана) для анализа ряда данных в несложных ситуациях
9	Первый признак равенства треугольников.	1	формулировать и доказывать теорему о первом признаке равенства треугольников
10	Функции и их графики.	1	Вычислять значения функции, заданной формулой, составлять
11	График линейной функции и его свойства.	1	таблицы значений функции. По графику функции находить
12	Задание функции несколькими формулами.	1	значение функции по известному значению аргумента и решать обратную задачу. Строить графики прямой пропорциональности и линейной функции, описывать свойства этих функций. Понимать, как влияет знак коэффициента k на расположение в координатной

13	Степень с натуральным показателем и его свойства.	1	плоскости графика функции $y = kx$ , где $k \neq 0$ , как зависит от значений $k$ и $b$ взаимное расположение графиков двух функций вида $y = kx + b$ . Интерпретировать графики реальных зависимостей, описываемых формулами вида $y = kx$ , где $k \neq 0$ и $y = kx + b$ Вычислять значения выражений вида $a^n$ , где $a$ — произвольное
			число, п — натуральное число, устно и письменно, а также с помощью калькулятора. Формулировать, записывать в символической форме и обосновывать свойства степени с натуральным показателем.
14	Решение задач по главе «Признаки равенства треугольников»	1	Объяснять, какая фигура называется треугольником, что такое вершины, стороны, углы и периметр треугольника, какой треугольник называется равнобедренным и какой равносторонним, какие треугольники называются равны-ми; изображать и распознавать на чертежах треугольники и их элементы; формулировать и доказывать теоремы о признаках равенства треугольников; объяснять, что называется перпендикуляром, проведённым из дан-ной точки к данной прямой; формулировать и доказывать теорему о перпендикуляре к прямой; объяснять, какие отрезки называются медианой, биссектрисой и высотой треугольника; формулировать и доказывать теоремы о свойствах равнобедренного треугольника; решать за-дачи, связанные с признаками равенства треугольников и свойствами равнобедренного треугольника;
15	Умножение одночленов.	1	Применять свойства степени для преобразования выражений. Выполнять умножение одночленов и возведение одночленов в степень. Строить графики функций $y = x^2$ и $y = x^3$ . Решать
16	О простых и составных числах.	1	графически уравнения $x^2 = kx + b$ , $x^3 = kx + b$ , где k и b —
17	Умножение одночлена на многочлен.	1	некоторые числа, уметь выносить общий множитель за скобки.
18	Вынесение общего множителя за скобки.	1	
19	Решение задач по главе «Параллельные прямые»	1	Формулировать определение параллельных прямых; объяснять с помощью рисунка, какие углы, образованные при пересечении двух прямых секущей, называются накрест лежащими, какие односторонними и какие соответственными; формулировать и доказывать теоремы, выражающие признаки параллельности двух прямых, решать задачи на вычисление, доказательство и

			построение, связанные с параллельными прямыми
20	Деление с остатком.	1	Записывать многочлен в стандартном виде, определять степень
21	Разложение многочлена на множители методом	1	многочлена. Выполнять сложение и вычитание многочленов,
	группировки.		умножение одночлена на многочлен и многочлена на многочлен.
			Выполнять разложение много членов на множители, используя
			вынесение множителя за скобки и способ группировки. Применять
			действия с многочленами при решении разнообразных задач, в
			частности при решении текстовых задач с помощью уравнений.
22	Формулы сокращенного умножения. Квадрат суммы	1	Доказывать справедливость формул сокращённого умножения,
	и квадрат разности.		применять их в преобразованиях целых выражений в многочлены,
23	Формулы сокращенного умножения. Квадрат суммы	1	а также для разложения многочленов на множители. Использовать
	и квадрат разности.		различные преобразования целых выражений при решении
24	Формулы сокращенного умножения. Разность	1	уравнений, доказательстве тождеств, в задачах на делимость, в
	квадратов. Сумма и разность кубов.		вычислении значений некоторых выражений с помощью
25	Возведение двучлена в степень.	1	калькулятора
26	Преобразование целых выражений.	1	
27	Прямоугольные треугольники.	1	формулировать и доказывать теоремы о свойствах прямоугольных
			треугольников (прямоугольный треугольник с углом 30°, признаки
			равенства прямоугольных треугольников)
28	Линейные уравнения с двумя переменными.	1	Определять, является ли пара чисел решением данного уравнения
			с двумя переменными. Находить путём перебора целые решения
			линейного уравнения с двумя переменными.
29	Решение задач по главе «Соотношение между	1	решать задачи на вычисления, доказательство и построение,
	сторонами и углами треугольника»		связанные с соотношениями между сторонами и углами
			треугольника и расстоянием между параллельными прямыми
30	Решение систем линейных уравнений. Метод	1	Решать графическим способом системы линейных уравнений с
	подстановки.		двумя п-ременными. Применять способ подстановки и способ
31	Решение систем линейных уравнений. Способ	1	сложения при решении систем линейных уравнений с двумя
	сложения.		переменными. Решать текстовые задачи, используя в качестве
32	Решение задач с помощью систем уравнений.	1	алгебраической модели систему уравнений. Интерпретировать
33	Линейные неравенства с двумя переменными и их	1	результат, полученный при решении системы
	системы.		
34	Задачи повышенной трудности.	1	
	Итого	34	

# Тематическое планирование по предмету «Математический практикум» (8 класс).

№	Содержание учебного материала	Кол-во	Характеристика основных видов деятельности ученика (на
п/п		часов	уровне учебных действий)
1	Повторение. Формулы сокращенного умножения.	1	Доказывать справедливость формул сокращённого умножения, применять их в преобразованиях целых выражений в многочлены, а также для разложения многочленов на множители.
2	Повторение. Системы линейных уравнений.	1	Применять способ подстановки и способ сложения при решении систем линейных уравнений с двумя переменными. Решать текстовые задачи, используя в качестве алгебраической модели систему уравнений.
3	Сумма и разность рациональных дробей.	1	Формулировать основное свойство рациональной дроби и
4	Сумма и разность рациональных дробей с разными знаменателями.	1	применять его для преобразования дробей. Выполнять сложение, вычитание, умножение и деление рациональных дробей, а также
5	Произведение и частное рациональных дробей.	1	возведение дроби в степень. Выполнять различные
6	Преобразование рациональных выражений.	1	преобразования рациональных выражений, доказывать тождества.
7	Решение задач по главе «Четырехугольники»	1	формулировать определения параллелограмма, трапеции, равнобедренной и прямоугольной трапеций, прямоугольника, ромба, квадрата; изображать и распознавать эти четырёхугольники; формулировать и доказывать утверждения об их свойствах и признаках; решать задачи на вычисление, доказательство и построение, связанные с этими видами четырёхугольников
8	Представление дроби в виде суммы дробей.	1	Выполнять различные преобразования рациональных выражений, доказывать тождества.
9	Действительные числа.	1	Приводить примеры рациональных и иррациональных чисел.
10	Арифметический квадратный корень.	1	Находить значения арифметических квадратных корней,
11	Свойства арифметического квадратного корня.	1	используя при необходимости калькулятор.
12	Теорема Пифагора.	1	формулировать и доказывать теорему Пифагора и обратную ей.
13	Применение свойств арифметического квадратного корня.	1	Освобождаться от иррациональности в знаменателях вида $\frac{a}{\sqrt{b}}$ , $\frac{a}{\sqrt{b}+\sqrt{c}}$ , $\frac{a}{\sqrt{b}-\sqrt{c}}$ . Выносить множитель за знак корня.
14	Решение задач по главе «Площадь»	1	формулировать основные свойства площадей и выводить с их помощью формулы площадей прямоугольника, параллелограмма,

			треугольника, трапеции; формулировать и доказывать теорему об отношении площадей треугольников, имеющих по равному углу
15	Преобразование двойных радикалов.	1	Доказывать теоремы о корне из произведения и дроби, тождество $\sqrt{a^2} =  a $ , применять их в преобразованиях выражений.
16	Квадратное уравнение и его корни.	1	Решать квадратные уравнения. Находить подбором корни
17	Теорема Виета.	1	квадратного уравнения, используя теорему Виета. Исследовать квадратные уравнения по дискриминанту и коэффициентам.
18	Признаки подобия треугольников.	1	формулировать определения подобных треугольников и коэффициента подобия; формулировать и доказывать теоремы: об отношении площадей подобных треугольников, о признаках подобия треугольников, о средней линии треугольника, о пересечении медиан треугольника, о пропорциональных отрезках в прямоугольном треугольнике.
19	Дробные рациональные уравнения.	1	Решать дробные рациональные уравнения, сводя решение таких
20	Решение задач с помощью дробных рациональных уравнений.	1	уравнений к решению линейных и квадратных уравнений с последующим исключением посторонних корней. Решать
21	Решение задач с помощью дробных рациональных уравнений.	1	текстовые задачи, используя квадратные и дробные уравнения
22	Уравнения с параметром.	1	
23	Решение по главе «Подобные треугольники»	1	решать задачи, связанные с подобием треугольников, для вычисления значений тригонометрических функций использовать компьютерные программы
24	Числовые неравенства и их свойства.	1	Формулировать и доказывать свойства числовых неравенств.
25	Числовые промежутки.	1	Использовать аппарат неравенств для оценки погрешности и
26	Решение неравенств с одной переменной.	1	точности приближения. Находить пересечение и объединение
27	Решение систем неравенств с одной переменной.	1	множеств, в частности числовых промежутков.
28	Доказательство неравенств.	1	Решать линейные неравенства. Решать системы линейных неравенств, в том числе таких, которые записаны в виде двойных неравенств
29	Степень с целым показателем и ее свойства.	1	Знать определение и свойства степени с целым показателем.
30	Степень с целым показателем и ее свойства.	1	Применять свойства степени с целым показателем при
			выполнении вычислений и преобразовании выражений.

			Использовать запись чисел в стандартном виде для выражения и сопоставления размеров объектов, длительности процессов в окружающем мире.
31	Элементы статистики.	1	Использовать наглядное представление статистической информации в виде столбчатых и круговых диаграмм, полигонов, гистограмм
32	Решение задач по главе «Окружность»	1	формулировать понятия центрального угла и градусной меры дуги окружности; формулировать и доказывать теоремы: о вписанном угле, о произведении отрезков пересекающихся хорд; формулировать и доказывать теоремы, связанные с замечательными точками треугольника
33	Функция $y=x^{-1}$ и $y=x^{-2}$ и их свойства.	1	Применять свойства степени с целым показателем при выполнении вычислений и преобразовании выражений, умение строить графики данных функций.
34	Задачи повышенной трудности.	1	
	Итого	34	

#### 5.ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

Математическое образование является обязательной и неотъемлемой частью общего образования на всех ступенях школы. Обучение математике в основной школе направлено на достижение следующих целей:

## Личностные результаты освоения

- 1) воспитание российской гражданской идентичности: патриотизма, уважения к Отечеству, прошлое и настоящее многонационального народа России; осознание своей этнической принадлежности, знание истории, языка, культуры своего народа, своего края, основ культурного наследия народов России и человечества; усвоение гуманистических, демократических и традиционных ценностей многонационального российского общества; воспитание чувства ответственности и долга перед Родиной;
- 2) формирование ответственного отношения к учению, готовности и способности, обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию, осознанному выбору и построению дальнейшей индивидуальной траектории образования на базе ориентировки в мире профессий и профессиональных предпочтений с учетом устойчивых познавательных интересов, а также на основе формирования уважительного отношения к труду, развития опыта участия в социально значимом труде;

- 3) формирование целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, учитывающего социальное, культурное, языковое, духовное многообразие современного мира;
- 4) формирование осознанного, уважительного и доброжелательного отношения к другому человеку, его мнению, мировоззрению, культуре, языку, вере, гражданской позиции, к истории, культуре, религии, традициям, языкам, ценностям народов России и народов мира; готовности и способности вести диалог с другими людьми и достигать в нем взаимопонимания;
- 5) освоение социальных норм, правил поведения, ролей и форм социальной жизни в группах и сообществах, включая взрослые и социальные сообщества; участие в школьном самоуправлении и общественной жизни в пределах возрастных компетенций с учетом региональных, этнокультурных, социальных и экономических особенностей;
- 6) развитие морального сознания и компетентности в решении моральных проблем на основе личностного выбора, формирование нравственных чувств и нравственного поведения, осознанного и ответственного отношения к собственным поступкам;
- 7) формирование коммуникативной компетентности в общении и сотрудничестве со сверстниками, детьми старшего и младшего возраста, взрослыми в процессе образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, творческой и других видов деятельности;
- 8) формирование ценности здорового и безопасного образа жизни; усвоение правил индивидуального и коллективного безопасного поведения в чрезвычайных ситуациях, угрожающих жизни и здоровью людей, правил поведения на транспорте и на дорогах;
- 9) формирование основ экологической культуры, соответствующей современному уровню экологического мышления, развитие опыта экологически ориентированной рефлексивно-оценочной и практической деятельности в жизненных ситуациях;
- 10) осознание значения семьи в жизни человека и общества, принятие ценности семейной жизни, уважительное и заботливое отношение к членам своей семьи;
- 11) развитие эстетического сознания через освоение художественного наследия народов России и мира, творческой деятельности эстетического характера.

#### Метапредметные результаты освоения

- 1) умение самостоятельно определять цели своего обучения, ставить и формулировать для себя новые задачи в учебе и познавательной деятельности, развивать мотивы и интересы своей познавательной деятельности;
- 2) умение самостоятельно планировать пути достижения целей, в том числе альтернативные, осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач;
- 3) умение соотносить свои действия с планируемыми результатами, осуществлять контроль своей деятельности в процессе достижения результата, определять способы действий в рамках предложенных условий и требований, корректировать свои действия в соответствии с изменяющейся ситуацией;
- 4) умение оценивать правильность выполнения учебной задачи, собственные возможности ее решения;
- 5) владение основами самоконтроля, самооценки, принятия решений и осуществления осознанного выбора в учебной и познавательной деятельности;
- 6) умение определять понятия, создавать обобщения, устанавливать аналогии, классифицировать, самостоятельно выбирать основания и критерии для классификации, устанавливать причинно-следственные связи, строить логическое рассуждение, умозаключение (индуктивное, дедуктивное и по аналогии) и делать выводы;
- 7) умение создавать, применять и преобразовывать знаки и символы, модели и схемы для решения учебных и познавательных задач;
- 8) смысловое чтение;

- 9) умение организовывать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками; работать индивидуально и в группе: находить общее решение и разрешать конфликты на основе согласования позиций и учета интересов; формулировать, аргументировать и отстаивать свое мнение;
- 10) умение осознанно использовать речевые средства в соответствии с задачей коммуникации для выражения своих чувств, мыслей и потребностей; планирования и регуляции своей деятельности; владение устной и письменной речью, монологической контекстной речью;
- 11) формирование и развитие компетентности в области использования информационно-коммуникационных технологий (далее ИКТ компетенции); развитие мотивации к овладению культурой активного пользования словарями и другими поисковыми системами;
- 12) формирование и развитие экологического мышления, умение применять его в познавательной, коммуникативной, социальной практике и профессиональной ориентации.

#### Предметные результаты освоения

овладение базовым понятийным аппаратом по основным разделам содержания, представление об основных изучаемых понятиях (число, геометрическая фигура, уравнение, функция, вероятность) как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать реальные процессы и явления;

умение работать с математическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), грамотно применять математическую терминологию и символику, использовать различные языки математики;

умение проводить классификации, логические обоснования, доказательства математических утверждений;

умение распознавать виды математических утверждений (аксиомы, определения, теоремы и др.), прямые и обратные теоремы;

развитие представлений о числе и числовых системах от натуральных до действительных чисел, овладение навыками устных, письменных, инструментальных вычислений;

овладение символьным языком алгебры, приемами выполнения тождественных преобразований рациональных выражений, решения уравнений, систем уравнений, неравенств и систем неравенств, умение использовать идею координат на плоскости для интерпретации уравнений, неравенств, систем, умение применять алгебраические преобразования, аппарат уравнений и неравенств для решения задач из различных разделов курса;

овладение системой функциональных понятий, функциональным языком и символикой, умение на основе функционально-графических представлений описывать и анализировать реальные зависимости;

овладение основными способами представления и анализа статистических данных; наличие представлений о статистических закономерностях в реальном мире и о различных способах их изучения, о вероятностных моделях;

овладение геометрическим языком, умение использовать его для описания предметов окружающего мира, развитие пространственных представлений и изобразительных умений, приобретение навыков геометрических построений;

усвоение систематических знаний о плоских фигурах и их свойствах, а также на наглядном уровне — о простейших пространственных телах, умение применять систематические знания о них для решения геометрических и практических задач;

умения измерять длины отрезков, величины углов, использовать формулы для нахождения периметров, площадей и объемов геометрических фигур;

умение применять изученные понятия, результаты, методы для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин с использованием при необходимости справочных материалов, калькулятора, компьютера.

#### 6.УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

- 1. Алгебра. 7 класс: учебник для образовательных учреждений. Макарычев Ю.Н., Миндюк Н.Г., Нешков К.И., Суворова С.Б. М:Просвещение:2020
- 2. Алгебра. 8 класс: учебник для образовательных учреждений. Макарычев Ю.Н., Миндюк Н.Г., Нешков К.И., Суворова С.Б. М:Просвещение:2020
- 3. Алгебра. 9 класс: учебник для образовательных учреждений. Макарычев Ю.Н., Миндюк Н.Г., Нешков К.И., Суворова С.Б. М:Просвещение:2020
- 4. Геометрия. 7-9 классы: учебник для образовательных учреждений. Атанасян Л.С., Бутусов В.Ф., Каломцев С.Б. и др. М:Просвещение:2021 Интернет ресурсы: <a href="https://ege.sdamgia.ru/">https://ege.sdamgia.ru/</a>, <a

## Материально – техническое обеспечение:

- 1. Интерактивная доска;
- 2. персональный компьютер;
- 3. мультимедийный проектор;